



## CONTENIDO TEMÁTICO

### Ordenar temas utilizando codificación decimal

1. Conceptos Preliminares
  - 1.1. Revisión de la noción de programación y el concepto de programa.
  - 1.2. Propiedades deseables de los programas. Razonamiento y demostración de dichas propiedades.
  - 1.3. Dificultades del modelo clásico de programación para el razonamiento sobre programas.
  - 1.4. Descripción del modelo de programación funcional.
  - 1.5. Características principales de los lenguajes funcionales:  
transparencia referencial, alto orden, currificación y sistemas de tipos.
  - 1.6. Comparación de paradigmas: imperativo, orientado a objetos, lógico y funcional.
2. Modelo de Computación del Paradigma Funcional
  - 2.1. Valores y expresiones. Las funciones como valores.
  - 2.2. Mecanismos de definición de expresiones y valores. Ecuaciones orientadas para definir funciones. Sintaxis.
  - 2.3. Visión denotacional y operacional de las expresiones. Modelos de computación mediante reducción. Semántica.
  - 2.4. Ordenes de reducción: reducción aplicativa y reducción normal.
  - 2.5. Sistema de Tipos Hindley-Milner. Tipos básicos. Constructores de tipos. Polimorfismo. Sintaxis para valores de cada tipo (caracteres, tuplas, listas, strings, funciones)
  - 2.6. Funciones parciales y totales.
  - 2.7. Funciones de alto orden. Currificación.
  - 2.8. Modelo de cómputo. Computación. Reducción. Normalización.
  - 2.9. Orden de evaluación. Evaluación *Lazy*.
3. Técnicas Formales
  - 3.1. Demostración de propiedades
  - 3.2. Noción de propiedad y de demostración. Diferentes formas de garantizar propiedades: por construcción, por chequeo automático, por demostración manual.
  - 3.3. Algunas propiedades interesantes de los programas: corrección, terminación, equivalencia de programas.
  - 3.4. Inducción/Recursión.
  - 3.5. Definición inductiva de conjuntos. Relaciones bien fundadas.
  - 3.6. Definición recursiva de funciones sobre esos conjuntos.
  - 3.7. Demostraciones inductivas sobre dichas funciones.
  - 3.8. Ejemplos: programas, expresiones aritméticas, listas.
4. Aplicación de Conceptos: Listas
  - 4.1. Listas por comprensión. Definición y ejemplos. Semántica de listas por comprensión mediante reducción.
  - 4.2. Listas como tipo inductivo. Funciones básicas sobre listas (append, head, tail, take, drop, reverse, sort, elem, etc.).
  - 4.3. Funciones de alto orden sobre listas. Patrón de recorrido: map. Patrón de selección: filter. Patrón de recursión: foldr.
  - 4.4. Demostración de propiedades sobre listas y funciones sobre listas.
5. Sistemas de tipos.
  - 5.1. Nociones básicas. Sistemas de tipado fuerte. Ventajas y limitaciones de los lenguajes de programación con tipos.
  - 5.2. Lenguaje de tipos. Asignación de tipos a expresiones. Propiedades interesantes de esta asignación. Algoritmo de inferencia.
  - 5.3. Mecanismos de definición de tipos nuevos y de funciones sobre ellos. Tipos algebraicos. Ejemplos: enumeraciones, listas, árboles binarios, árboles generales.
  - 5.4. Clases de tipos e instancias.
  - 5.5. Esquemas de alto orden. Programas genéricos.
6. Técnicas de Diseño Funcional.
  - 6.1. Transformación y Síntesis de Programas .
  - 6.2. Motivación. Obtención de programas a partir de especificaciones. Mejoramiento de eficiencia, con

corrección por construcción.

6.3. Transformación de expresiones que utilizan listas por comprensión en expresiones que utilizan map, filter y concat.

6.4. Transformación y síntesis de programas. Técnicas y ejemplos.

## 7. Lambda Cálculo

7.1. Definición del lenguaje. Sintaxis. Definición de substitución.

7.2. Modelo de computación. Nociones de alfa, beta y eta reducción. Semántica operacional.

7.3. Lambda cálculo como modelo teórico de los lenguajes funcionales. Representación de booleanos, pares, números, listas, y otras construcciones.

## 8. Parsers

8.1. Definición.

8.2. Parsers básicos.

8.3. Parsers compuestos.

8.4. Ejemplo de parser para un lenguaje simple.

## 9. Mónadas

9.1. Motivación.

9.2. Definición.

9.3. Entrada/Salida en Haskell.

9.4. Ejemplos de mónadas comunes: error, reader, writer, state transformer. Listas como mónadas. Mónada de términos.

9.5. Uso de mónadas en la implementación de lenguajes embebidos.

9.6. Escribiendo mónadas en Haskell. Notación **do**.

## TRABAJOS PRÁCTICOS

### a) Enumeración:

#### Ejercicios de práctica sobre los siguientes temas:

1. Introducción a la sintaxis de Haskell y al ambiente GHCi. Expresiones y valores. Tipos. Notación Lambda. Currificación.
2. Alto orden. Reducción. Órdenes de evaluación. Tipos algebraicos. Pattern matching. Tipos algebraicos recursivos. Listas. Árboles.
3. Demostraciones. Propiedades de programas: terminación, equivalencia. Inducción. Recursión. Relaciones bien fundadas.
4. Funciones de alto orden. Patrones genéricos de recursión. Funciones sobre árboles.
5. Derivación de programas.
6. Lambda cálculo. Programación con  $\lambda$ -cálculo. Sustitución.  $\alpha$ -equivalencia. B-reducción.
7. Esquemas de Recursión Genéricos. Representación de datos en  $\lambda$ -cálculo.
8. Evaluación Perezosa. Tipos de datos infinitos.
9. Parsers.
10. Entrada/Salida.
11. Mónadas.

#### Trabajos prácticos:

##### 1. Trabajo práctico nº 1

Implementación de un lenguaje imperativo simple a partir de su especificación. Sintaxis abstracta. Sintaxis concreta. Semántica denotacional para expresiones. Semántica operacional estructural para comandos.

##### 2. Trabajo práctico nº 2

Implementación de un intérprete interactivo para  $\lambda$ -cálculo sin tipos. Sintaxis abstracta. Sintaxis concreta. Variables libres y variables ligadas. Notación de De Bruijn. Máquina abstracta de Krivine.

##### 3. Trabajo práctico nº 3

Proyecto de programación.

### b) Guías de trabajos prácticos publicadas: (con su código de publicación)

## BIBLIOGRAFÍA

**a) Adecuada al programa. Ordenada por temas y con su codificación de biblioteca, incluidas las publicaciones de la Cátedra con su código de publicación.**

1. R. S. Bird.  
*Introduction to Functional Programming using Haskell.*  
Prentice-Hall, 1998.
2. G. Hutton.  
*Programming in Haskell Theories of Programming Languages.*  
Cambridge University Press, 2007.
3. S. L. Peyton Jones, John Hughes, et al.  
*Report on the programming language Haskell'98.*  
Technical report, Yale University, February 1999.  
<http://www.haskell.org/onlinereport>
4. J. R. Hindley and J. P. Seldin.  
*Lambda-Calculus and Combinators.*  
Cambridge University Press 2008.

**b) Complementaria para profundización o extensión de temas.**

1. Sistemas inductivos. Ordenes parciales completos (CPOs).
2. Tipos de datos abstractos generalizados.
3. Lambda cálculos con tipos y con sustituciones explícitas.